

ANIMALES COLORIDOS

Contenidos: área, relación entre áreas, porcentaje, razón

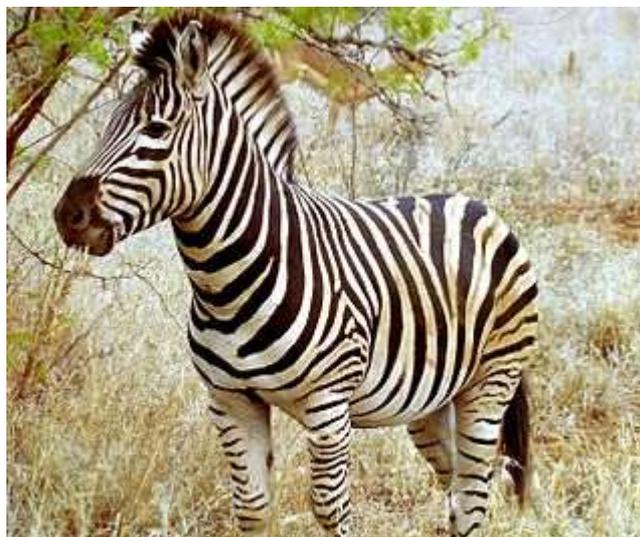
Adriana Rabino

1. ¿Cuánto hay de cada color aproximadamente en cada uno de estos animales?
¿Cómo lo podrías calcular? ¿Se calcula en términos de cantidad o de relación al total?
(porcentaje o razón)



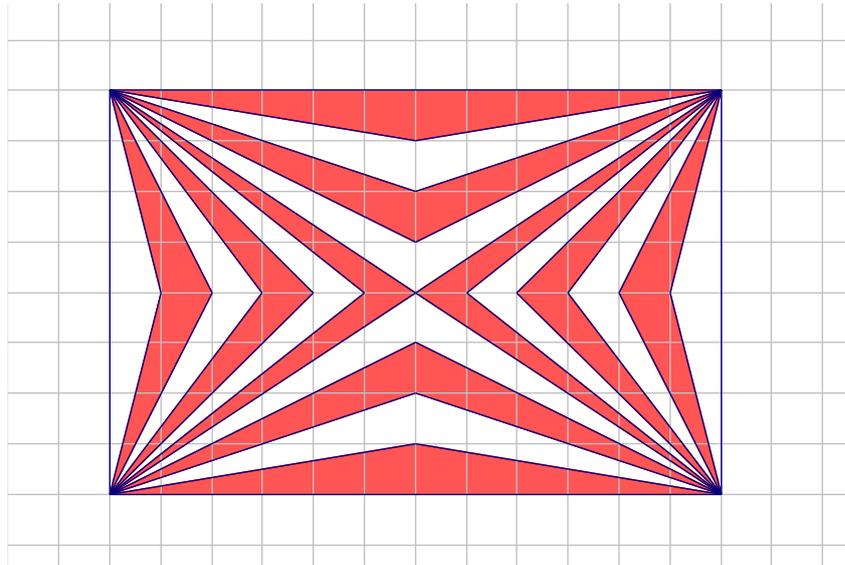


2. La cebra, ¿es blanca con rayas negras o negra con rayas blancas?



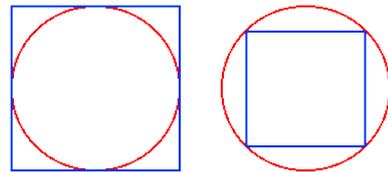
¿Qué porcentaje aproximado hay de cada color?

3. Solo mirando la figura, ¿podrías calcular el valor el área sombreada en relación con el área total del rectángulo? Explica tu razonamiento.



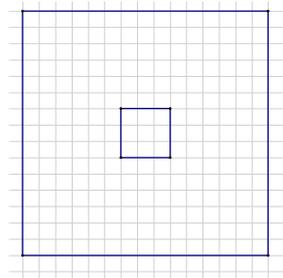
4. El que cabe mejor

¿Qué se ajusta mejor: una clavija cuadrada en un agujero redondo, o una clavija redonda en un agujero cuadrado? Para ser más preciso, si tomas un círculo y lo ajustas dentro de un cuadrado y tomas un cuadrado y lo ajustas dentro de un círculo, ¿cuál deja menos espacio *proporcionalmente*?



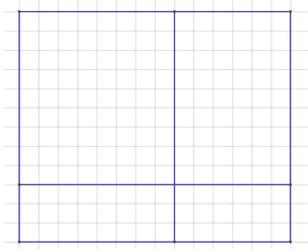
5. Cuadrados dentro de un cuadrado

Del centro de un patio cuadrado cubierto de 15x15 baldosas cuadradas, se quita un cuadrado de 3x3 baldosas. De las baldosas que quedan, ¿cuántos cuadrados de 2x2 (que son unión de 4 baldosas) quedan?



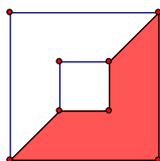
6. Rectángulos

Explorar la relación entre las áreas en la siguiente figura:



Construir otra figura de tal manera que tenga la misma relación entre las áreas de la figura anterior.

7. Fracción sombreada



El diagrama que sigue muestra dos cuadrados, cuyos lados miden 1 y 3 unidades, y tienen el mismo centro y los lados correspondientes son paralelos. ¿Qué fracción del cuadrado más grande está sombreada?

ALGUNAS SUGERENCIAS AL DOCENTE Y POSIBLES SOLUCIONES

1. Este problema lo pueden hacer en grupos de dos o tres, también se les puede dar un animal distinto a cada grupo.

Como cada color va a expresarse en términos de relación parte-todo, no importa qué es lo que pasa del otro lado del animal (tres dimensiones), o sea que se puede trabajar en dos dimensiones como indica la foto.

Por ejemplo, se les puede pedir a los estudiantes que primero hagan una conjetura en base a la percepción visual de lo que se les pregunta y luego que la justifiquen matemáticamente.

Algunas preguntas que se sugiere hacer a los estudiantes:

a. Si se desea conocer el área de la mariposa de la foto, ¿con qué recursos lo harías? ¿Cuadricular la foto podría ser una solución? ¿Por qué? ¿Influye el tamaño de los cuadraditos? Utiliza distintos cuadrículados y explica.

b. ¿Podría conjeturar visualmente una razón aproximada entre las partes coloreadas de las alas con respecto al área total? (Colores: negro, crema, rojo y azul) Comprobar tu conjetura en base a un cuadrículado seleccionado.

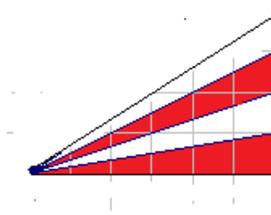
c. ¿En qué relación expresaría el área visible del cuerpo de la mariposa con respecto al área total de la misma? Conjetura y comprueba.

La manera que probablemente surja como la óptima, es realizar una cuadrícula, contar todos los cuadraditos que hay sobre cada animal (total) y luego contar los de cada color, luego comparar (parte-todo). De esta manera se puede establecer la razón y/o porcentaje. Tener en cuenta que, cuanto más pequeña es la cuadrícula, la precisión será mayor.

2. La cebra es blanca con rayas negras (investigar) y se puede hacer una aproximación del 50% de cada color.

3. El área sombreada es la mitad del total.

Uno de los razonamientos que se puede hacer es el siguiente: dividiendo en ocho el rectángulo por sus bases medias y por sus diagonales se obtienen triángulos congruentes en cuanto a forma y color. De esta manera se puede analizar fácilmente cada uno de estos triángulos.



Este triángulo a su vez está dividido en 4 triángulos de área equivalente, ya que tienen la misma base y la misma altura. Como hay dos de cada color, la parte sombreada (roja) es la mitad del total. Este razonamiento se hace extensivo a todo el rectángulo.

4. Se puede considerar que el círculo es el mismo en ambos casos. Llamemos R al radio de ese círculo, por lo tanto el área de ese círculo es $A_c = \pi \cdot R^2$

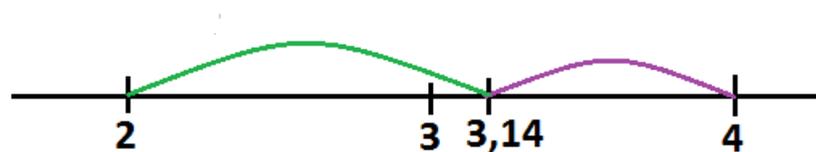
En el primer caso, el lado del cuadrado tiene la misma longitud que el diámetro del círculo, o sea $2R$. Entonces la diferencia entre el área del cuadrado y el área del círculo es: $(2R)^2 - \pi \cdot R^2 = (4 - \pi) \cdot R^2$

En el segundo caso, el diámetro del círculo es la diagonal del cuadrado. Aplicando el Teorema de Pitágoras: $d^2 = 2L^2 \Rightarrow L = \sqrt{d^2}/2$. Su área es $(\sqrt{d^2}/2)^2 = d^2/2 = 4R^2/2 = 2R^2$.

La diferencia entre el área del círculo y el área del cuadrado es: $\pi \cdot R^2 - 2R^2 = (\pi - 2) \cdot R^2$

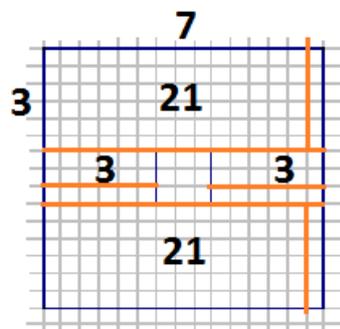
Queda por verificar si $(4 - \pi) \cdot R^2 <, >, = (\pi - 2) \cdot R^2$

Gráficamente:



La diferencia entre π y 2 es mayor que la diferencia entre π y 4, entonces en el primer caso queda menos espacio que en el segundo caso.

5. Una forma es armar rectángulos lo más grande posibles cuyos lados sean múltiplos de 2, y ver cuántos cuadrados de 2×2 entran en esos rectángulos:

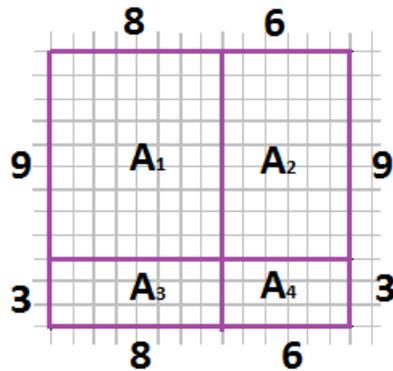


En total son: $21 + 21 + 3 + 3 = 48$

Puede suceder que los alumnos calculen la cantidad total de baldosas $15 \times 15 = 225$, y luego lo dividan por 4 (la cantidad de baldosas de cada cuadrado), lo cual da como resultado 56 cuadrados y sobra 1 baldosa. Este razonamiento es erróneo, ya que las

baldosas están pegadas y hay un resto de baldosas con las cuales no se pueden armar cuadrados de 2×2 .

6.



$$A_{\text{total}} = 14 \times 12 = 168$$

$$A_1 = 72$$

$$A_2 = 54$$

$$A_3 = 24$$

$$A_4 = 18$$

$$R_1 = 72/168 = 3/7$$

$$R_2 = 54/168 = 9/28$$

$$R_3 = 24/168 = 1/7$$

$$R_4 = 18/168 = 3/28$$

La parte de construcción es producción libre.

7. La parte sombreada es la mitad del cuadrado grande menos la mitad del cuadrado chico: $4,5 u^2 - 0,5 u^2 = 4 u^2$

La fracción en relación al cuadrado grande es $4/9$.

Relación entre áreas: $16/17/2 = 32/17$